ÍNDICE



PRIMERA PARTE - CÁLCULO DIFERENCIAL

Capítulo I.— INTRODUCCIÓN

1.	Revisión del concepto de número	1
2.	El principio de inducción completa	13
Cap	ottulo II.— Funciones. Representaciones gráficas	•
1.	Valores numéricos	17
2.	Valores absolutos. Intervalos. Entornos	19
3.	Funciones	21
	Campo de existencia. Observación sobre la definición de función.	
4.	Coordenadas cartesianas	23
5.	Dibujos y escalas	24
6.	Funciones uniformes y multiformes	26
	Funciones pares e impares	26
8.	Funciones definidas paramétricamente	27
9.	Representación en coordenadas polares	28
Cap	ottulo III.— Funciones algebraicas	
1.	La función lineal y la línea recta	30
	Casos particulares de rectas. Rectas paralelas y perpendiculares.	
	Rectas que pasan por un punto. Recta que pasa por dos puntos.	
	Gráficos de movimientos uniformes. Ecuaciones paramétricas de una	
	recta.	
2.	Función cuadrática	37
	Valores máximos y mínimos de la función cuadrática. Trayectoria de	
	un proyectil en el vacío. Desigualdad de 2º grado. Curvas de 2º grado.	
3.	Función racional entera	46
	Regla de Ruffini. Casos particulares. Descomposición factorial de un	
	polinomio.	
4.	Función homográfica	50
	Función racional fraccionaria. Descomposición en fracciones simples	53
6.	Función irracional	56
7.	Función algebraica general	57

•

.

1.	Función exponencial	60
2.	Curva de Gauss	61
3.	Función logarítmica	62
	Escalas y gráficos logarítmicos.	
4.	Función potencial	68
	Representaciones con papel logarítmico.	
5.	Funciones trigonométricas	69
	Medida natural de ángulos.	
	Definiciones de las funciones trigonométricas. Líneas trigonométricas.	
6.	Gráficos en coordenadas polares	76
	Espirales.	
7.	Función sinusoidal	78
	Movimiento vibratorio armónico	
8.	Ecuaciones paramétricas de las cónicas	81
	Elipse. Hipérbola.	
9.	Curvas de Lissajous	83
10.	-	86
11.	~	87
12.	Funciones hiperbólicas	89
12	Funciones hiperbólicas inversas	92
7,*	Relaciones entre las funciones hiperbólicas inversas y los logaritmos	
	neperianos. Relaciones entre las funciones circulares e hiperbólicas.	
	Amplitud hiperbólica.	
	•	
Caj	pítulo V.—Límites	
1	Límite de una función	97
	Infinitésimos	100
۷.	Operaciones con infinitésimos. Cociente de infinitésimos.	100
	Órdenes infinitesimales.	
2	Cálculo de límites	102
٥.	Estudio de la función $f(x) = \sin x/x$	102
4.	"Verdadero valor"	105
	Límites infinitos	108
υ.	Definición, Variable infinita	100
c		115
Ю.	Continuidad de una función	110
_	Tipos de discontinuidades. Operaciones con funciones continuas.	110
7.	Continuidad de las funciones elementales	118
	Teoremas generales sobre la continuidad. Una función sin límite.	121
8.	Límite de sucesiones.	141
	Definición. Sucesión de Fibonacci y secciones áureas.	
9	Límite de una sucesión. El número e. Asíntotas de curvas planas	126
9	ASIDLOLAS DE CULVAS DIADAS	140

4.	 	
TΛ		

____.

	٠
7/1	1

	ÍNDICE	VI
Cap	ítulo VI Derivada	
	Pendientes e incrementos	130
	Límite del cociente incremental	
3.	Derivada de una función en un punto	132
4.	Ecuación de la recta tangente y de la recta normal	135
5.	Función derivada. Derivación gráfica	137
6.	Cálculo de derivadas	138
7.	Derivada de función de función	147
٥	Derivación logarítmica. Tangente y normal. Subtangente y subnormal	163
Э.	Angulo de dos curvas	100
Сар	oítulo VII. — Derivadas y diferenciales sucesivas	
1.	Definiciones	168
	Derivada enésima de un producto de dos funciones. Regla de Leibniz.	
2.	Diferencial de una función	172
	Expresión de la derivada como cociente de diferenciales.	
	Invariancia de la diferencial.	
3.	Derivada de funciones dadas implícitamente	174
4.	Diferenciales sucesivas	179
5.	Cálculo de errores mediante diferenciales	183
6.	Derivadas de funciones dadas paramétricamente	182
7	Tangente a las curvas dadas en coordenadas polares	188
••	Segmentos polares notables.	
8	Aplicaciones físicas	193
0.	El concepto de velocidad. El concepto de aceleración.	
9.	Vectores	196
	Expresión cartesiana. Derivada de un vector.	
Сар	oítulo VIII.— Variación de funciones	
1.	Funciones crecientes y decrecientes	20
2.	Máximos y mínimos relativos	202
	Determinación de máximos y mínimos.	
	Máximos y mínimos de una función racional.	
3.	Concavidad, convexidad e inflexión de las curvas	222
	Cálculo de máximos y mínimos sin derivadas	220
	Distancias mínimas. Aplicación. Triángulos de área máxima y	
	perímetro mínimo. Problema isoperimétrico. Teorema de Crámer.	
	Teoremas de Zenodoro.	

.

Сар	útulo IX. — APROXIMACIÓN DE FUNCIONES	
1.	Teorema del valor medio	236
	Teorema de Rolle.	
2.	Teorema de Cauchy	240
	Límites indeterminados. Regla de L'Hospital	241
4.	Teorema generalizado del valor medio	249
	Fórmula de Maclaurin para un polinomio	250
	Desarrollo del binomio de Newton.	
6.	Fórmula de Maclaurin para una función cualquiera	252
7.	Fórmula de Taylor	253
	Expresión del resto en la fórmula de Taylor.	
	Cálculo de funciones mediante la fórmula de Maclaurin.	
8.	Aproximación de funciones	259
	Recta tangente. Parábola osculatriz. Contacto de dos curvas.	
9.	Discusión analítica de los máximos y mínimos	263
10.	Concavidad, convexidad e inflexión	266
	•	
		·
	SEGUNDA PARTE - CÁLCULO INTEGRAL	
	·	
Cap	oítulo X. – Integrales indefinidas	
		-
1.	Introducción	273
	Teorema fundamental del cálculo integral.	
2.	Integrales indefinidas	274
	Propiedades. Linealidad de la integración. Integración inmediata.	
3.	Integración por sustitución	2879
4.	Integración de expresiones de la forma $\int \frac{dx}{ax^2 + bx + c}$	289
	$\int ax^2 + bx + c$	
_	Integración de expresiones de la forma $\int \frac{dx}{\sqrt{ax^2 + bx + c}}$ Algunas integrales importantes	
5.	Integración de expresiones de la forma $\int \sqrt{ax^2 + bx + c}$	293
	Algunas integrales importantes	
6	Integración de expresiones de la forma $\int \sqrt{ax^2 + bx + c} dx$	299
U.	The gradient de empressence de la forma y van + van + van + van -	200
7.	Integración por partes	302
	Fórmulas de reducción.	
8.	Cálculo de integrales aplicando complejos	30'
9.	Integracion de funciones racionales	310
	Introducción. Descomposición en fracciones simples. Solución del	
	problema general. Teorema general de integración de las funciones	
	racionales.	

10:	Integración de funciones irracionales algebraicas	321
11.	Integración de diferenciales binomias	328
-	Casos de integración. Funciones integrables y no integrables elementalmente	
12.	Integración de funciones trigonométricas	331
13.	Integración de productos de senos y cosenos	336
14	Determinación de la constante de integración	340
	Significación física de la constante de integración.	_
	Differentiation from the companies to many and the companies to the companies of the compan	
	and the second of the second o	_
Cap	ottulo XI. — Integrales definidas	
1.	El problema del área	35
	Definición general de integral definida	36
	Propiedades de las integrales definidas.	
3.	Teorema de la media	36
4.	Integración gráfica	36
	Integral definida con extremo superior variable. Relaciones entre la	
	gráfica de una función y la de su integral.	
5		36
۵.	Teoremas fundamentales	36
7	Valor medio y valor eficaz de una función	37
		97
	Aplicación física.	37
	Integración numérica aproximada	31
	Fórmula de los trapecios. Fórmula de Simpson. Error en la fórmula	
_	de Simpson.	-
	Área en coordenadas paramétricas	39
	Areas orientadas	38
11.	Área en coordenadas polares	38
	Relaciones entre las expresiones de las áreas en coordenadas polares	
•	y paramétricas	
	Integrales generalizadas	39
13.	Cálculo de algunas integrales definidas	39
	Fórmula de Wallis. Integral de Poisson. Fórmula de Stirling.	
٠.	Determinación de K . La función Gamma. Cálculo de $\Gamma(1/2)$. La función	ę.
	Beta.	
	and the control of the same of the control of the c	
٠,		
Ca	pítulo XII. — Aplicaciones geométricas	•
2		4.
1	Rectificación de curvas	4:
	Curva no rectificable.	
. 2	Diferencial de arco. Vector \overrightarrow{ds}	4:
3	Longitud de un arco en coordenadas paramétricas	4
	. Integrales elípticas	4

5.	Longitud de un arco en coordenadas polares	
6.	Curvatura de curvas planas.	423
7.	Curvatura en coordenadas paramétricas,	428
8.	Curvatura en coordenadas polares	432
9.	Expresión vectorial de la curvatura	434
	Movimiento de un punto sobre una curva. Componentes polares de la	
	aceleración. Movimiento central.	
10.	Círculo osculador	438
	Construcción gráfica del centro de curvatura.	
11.	Construcción gráfica del centro de curvatura. Evoluta de una curva. Evolvente	448
12.		450
13.	Volumen de un sólido de revolución	450
14.	Área de un sólido de revolución	458
	and the second of the second o	
Car	oítulo XIII. – Aplicaciones físicas	
•		τ,
1.	Momentos de un sistema de puntos materiales situados en una recta	466
	Momento de inercia mínimo. Aplicaciones a la estadística.	•
2.	Momentos de un sistema de puntos materiales situados en un plano	470
	Momentos de inercia.	
3.	Momentos de líneas, superficies y volúmenes	472
	Momentos de una línea. Centro de gravedad de una figura compuesta.	
	Centro de gravedad de una superficie. Centro de gravedad de una	
	figura compuesta. Centro de gravedad de una superficie limitada por	
	una curva dada en coordenadas polares. Centro de gravedad de un sólido.	
4.	Teoremas de Papus o de Guldin	484
	Momentos de inercia	487
	Trabajo	492
•	Definición. Teorema de la fuerza viva. Trabajo de la gravedad.	
	Trabajo de expansión de un gas perfecto. El ciclo de Carnot.	
	The state of the s	
		• -
Car	oítulo XIV. – Series numéricas	
-	and the second of the second o	
1.	Definiciones	498
	Serie geométrica	499
	Condición necesaria de convergencia	503
	Condición necesaria y suficiente de convergencia	505
5	Series de términos positivos	506
	Criterios de comparación.	50g
U.	Momentos de líneas, superficies y volúmenes. Convergencia.	500
	Divergencia. Otras formas de los criterios de comparación.	
7	Criterios de convergencia: D'Alembert, Cauchy, Kummer y Raabe	512
	Criterios de convergencia. D'Alembert, Cauchy, Rummer y Raabe	
٥.	Sories a integrales	١پ٢ب
	Series e integrales.	

	ÍNDICE	xi
	•	
9.	Serie de términos alternados	525
10.	Serie de términos cualesquiera	529
11. 12.	Series de términos complejos	532 533
	Propiedad asociativa. Propiedad conmutativa. Suma de series. Multiplicación de series. Teorema de Cauchy. Otros teoremas sobre productos de series. Un ejemplo crítico de producto de series.	
Cap	oítulo XV. – Series de potencias	
1.	Introducción	538
2.	Fórmulas de Taylor y de Maclaurin	543
	Desarrollo de funciones en series de potencia.	545
	La función exponencial en el campo complejo. Fórmulas de Euler. Relaciones con las funciones hiperbólicas.	
4.	Operaciones con series de potencias. División de series de potencias.	551
5.	Derivación e integración de series	556
	Cálculo de logaritmos	558
7.	Desarrollo del binomio	562
8	Cálculo de límites indeterminados	566
	Cálculo de las integrales elípticas	568
	Cálculo aproximado de integrales	570
11.	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	572
12.	Series divergentes	575